

101 年度第二學期第二次定期考高二社會組數學試題

第壹部分：選擇題(佔 34 分)

一、單選題 (18 分) 說明：第 1 至 3 題為單一選擇題，每題答對得 6 分，答錯不倒扣。

1. 下列何者與 $A(1, 2, 3)$, $B(5, 7, -3)$, $C(1, 1, -3)$ 三點共面?

(A)(2, 4, 5) (B)(3, 2, 1) (C)(1, 0, 1) (D)(1, 5, -3) (E)(2, 3, 0)

2. 選出經過一系列的列運算後可以化成 $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 7 \\ 0 & 1 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 的矩陣:

(A) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 2 & 1 & 2 & 7 \\ 0 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} -1 & 3 & -1 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & 0 \\ 3 & 1 & -7 & 0 \end{bmatrix}$ (C) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & -1 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 & 2 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 & 6 \\ -1 & 1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 2 & 3 \end{bmatrix}$

(E) $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 3 & 5 \\ -1 & 1 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$

3. $\begin{bmatrix} \sin\theta + \cos\theta & \sin 2\theta \\ \tan\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{5} & a \\ b & c \end{bmatrix}$, $90^\circ < \theta < 180^\circ$, 求 $3a - 3b + 4c$ 之值為

(A)0 (B)1 (C)2 (D)3 (E)4 .

二、多選題 (16 分) 說明：第 4 至 5 題，每題至少有一個選項是正確的。每題全部答對得 8 分，答錯不倒扣，未答者不給分。只錯一個選項得 4 分，錯兩個選項得 2 分，錯三個以上選項不給分。

4. 於直線 $L: \begin{cases} x + 2y - z = 1 \\ 2x + y - z = 0 \end{cases}$, 選出正確的選項:

(A) L 的方向向量為 $(1, 1, 3)$

(B) 點 $(2, 3, 7)$ 在 L 上

(C) L 與直線 $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-3}{3}$ 平行

(D) L 與平面 $x + 2y - z = 1$ 平行

(E) L 落在平面 $3x + 3y - 2z = 1$ 上 .

5. A, B 皆為 n 階方陣, O 為 n 階零矩陣. 則下列各敘述何者正確?

- (A)若 $A = O$, 則 $AB = BA = O$ (B)若 $AB = O$, 則 $BA = O$
(C)若 $AB = O$, 則 $A = O$ 或 $B = O$ (D)若 $A \neq O$ 且 $B \neq O$, 則 $AB \neq O$
(E)若 $A - B = O$, 則 $A^2 - AB = O$.

第貳部份：填充題 (佔 66 分) 說明：第 1 至 11 題每題答對得 6 分，答錯不倒扣。

1. 已知 $A(5, 1), B(1, 3), C(1, 1)$, 若通過 A, B, C 三點之圓方程式為 $x^2 + y^2 + dx + ey + f = 0$, 求序組 (d, e, f) 之值為 (1)。
2. 通過點 $A(1, 3, 5)$, 且與三坐標軸之截距比為 $1:3:5$ 之平面方程式為 (2)。
3. $A = \begin{bmatrix} 1 & -4 & 5 \\ 4 & 2 & 0 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 & -3 \\ -2 & -4 & 6 \end{bmatrix}$, 若 $5X - A + B = 2A + 3X$, 則 $X =$ (3)。(錯一項得 3 分, 錯兩項或以上得 0 分)
4. 若 $A(a, 1, -1), B(2, 3, 1), C(a, 1, 0), D(a+2, 0, 4)$ 共平面, 則 $a =$ (4)。
5. 已知點 $P(5, 1, 2)$, 平面 $E: 3x + 2y + z = 5$, 則 P 點對於平面 E 的對稱點 P' 之坐標為 (5)。
6. 設 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 8 \\ 7 \end{bmatrix}$, 且矩陣 $X = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$ 滿足 $AX = B$, 則 $X =$ (6)。
7. 已知 $A = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 2 & 1 & -3 \\ 4 & -3 & -1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 6 & -4 & 9 \\ -3 & 5 & -1 \\ 7 & -2 & 8 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} -6 & 4 & -9 \\ 3 & -5 & 1 \\ -7 & 2 & -7 \end{bmatrix}$, 則矩陣 $BA + CA =$ (7)。(錯一項得 3 分, 錯兩項或以上得 0 分)
8. 設 A, B 二箱中, A 箱內有兩球, 一黑一白, B 箱內有一白球. 甲乙二人輪流取球, 每次先由甲自 A 箱內任取一球, 放入 B 箱內, 再由乙自 B 箱內任取一球, 放入 A 箱內, 這樣稱為一局. 那麼當第三局結束時, A 箱內兩球為一黑一白之機率為 (8)。(請將答案化成最簡分數)

9. 設 $A = \begin{bmatrix} 8 & 10 \\ -4 & -5 \end{bmatrix}$ 滿足 $A + A^2 + A^3 + A^4 + A^5 = kA$, 求實數 $k = \underline{\quad(9)\quad}$ 。

10. 兩平行線 $L_1: \frac{x+4}{1} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-3}{4}$ 和 $L_2: \frac{x-3}{1} = \frac{y-6}{3} = \frac{z-4}{4}$ 的距離為 $\underline{\quad(10)\quad}$ 。

11. 設平面 E 的 x 軸, y 軸, z 軸截距分別是 a, b, c ($abc \neq 0$), 原點 O 到此平面 E 的距離為 h , 則 $\frac{1}{h^2} = \underline{\quad(11)\quad}$ 。(請用 a, b, c 為代號表示之)